

ARTUR BALAUCA

CATALIN BUDEANU

MONICA SAS



ARITMETICA

Partea I - Semestrul I

CLASA a V-a

- În conformitate cu noua programă de matematică

**Editura TAIDA
– IAŞI –**

© Editura TAIDA

Toate drepturile aparțin Editurii TAIDA. Nicio parte a acestei cărți nu poate fi retipărită, reproducă sau utilizată în orice alt fel, inclusiv prin fotocopiere sau în formă electronică, fără avizul prealabil în scris al editurii.

Coordonator: prof. ARTUR BĂLĂUCA

Descrierea CIP a Bibliotecii Naționale a României BĂLĂUCA, ARTUR

Aritmetică, clasa a V-a : în conformitate cu noua programă de matematică / Artur Bălăucă, Cătălin Budeanu, Monica Sas. - Ed. a 20-a, revizuit

Iași : Editura Taida, 2017

ISBN 978-606-514-426-2

vol.

Partea 1, Semestrul 1. - 2017.

Conține bibliografie.

ISBN 978-606-514-427-9

I. Budeanu, Cătălin

II. Sas, Monica

51



Editie aparuta la
Tipotaida
Iasi – Romania

Conștiință că decizia cu privire la utilitatea lucrării aparține în primul rând principaliilor ei utilizatori – elevii și profesorii lor – vom considera binevenite orice observații și sugestii la adresa:

BĂLĂUCA ARTUR
E-mail: arturbalaucu@editurataida.ro
Telefon: 0745.512535



Dă-ne Like pe facebook

www.facebook.com/EDITURA-TAIDA

Pentru comenzi vă rugăm să vă adresați EDITURII TAIDA

Iași - Str. Holboca, nr. 9 - 11

0232 270 250; 0232 270 260

www.editurataida.ro; www.eduzone.ro; www.mimio.ro

– CUPRINS –

*Breviar Enunțuri Soluții
(pag.) (pag.) (pag.)*

PREFĂTĂ

TESTE INITIALE. Testul 1, Testul 2, Testul 3	7	175
 <i>Capitolul I. NUMERE NATURALE</i>		
I.1. Scrierea și citirea numerelor naturale	9	175
I.2. Reprezentarea numerelor naturale pe axa numerelor; compararea și ordonarea numerelor naturale; aproximări, estimări	16	176
 <i>OPERAȚII CU NUMERE NATURALE</i>		
I.3. Adunarea numerelor naturale; proprietăți	25	177
I.4. Scăderea numerelor naturale	32	178
I.5. Înmulțirea numerelor naturale; proprietăți; factor comun	38	179
I.6. Împărțirea cu rest zero a numerelor naturale; împărțirea cu rest a numerelor naturale	49	182
Testul 4, Testul 5	59	183
I.7. Puterea cu exponent natural a unui număr natural; reguli de calcul cu puteri; compararea puterilor	60	183
I.8. Scrierea în baza 10; scrierea în baza 2 (fără operații)	66	185
I.9. Pătratul unui număr natural; pătrate perfecte. Cubul unui număr natural. Ultima cifră a unui număr natural pătrat perfect (extinderi)	71	185
Testul 6, Testul 7	74	186
I.10. Ordinea efectuării operațiilor; utilizarea parantezelor: rotunde, pătrate și accolade	75	186
Testul 8, Testul 9	83	186
I.11. Metode aritmetice de rezolvare a problemelor	84	187
I.11.1. Metoda reducerii la unitate	84	187
I.11.2. Metoda comparației	85	187
I.11.3. Metoda figurativă	88	187
I.11.4. Metoda mersului invers	92	188
I.11.5. Metoda falsei ipoteze (presupunerii)	98	188
Testul 10	100	189
I.12. Divizibilitatea numerelor naturale	101	
I.12.1. Divizor; multiplu; divizori comuni; multipli comuni	101	189
I.12.2. Criterii de divizibilitate cu: 2, 5, 10^n , 3 și 9	106	190
I.12.3. Numere prime; numere compuse	112	191
Testul 11	114	191
I.13. Numere naturale. Recapitulare pentru lucrarea scrisă pe semestrul I	115	192

Capitolul II. FRACTII ORDINARE. FRACTII ZECIMALE

FRACTII ORDINARE

II.1.1. Reprezentarea fracțiilor cu ajutorul unor desene	125	195
II.1.2. Fracții echivalentare, subunitare, supraunitare	130	196
II.1.3. Procente	133	196
II.1.4. Fracții echivalente (egale)	134	197
II.2. Compararea fracțiilor cu același numitor/numărător; reprezentarea pe axa numerelor a unei fracții ordinare	138	197
II.3. Scoaterea întregilor dintr-o fracție. Introducerea întregilor într-o fracție	141	197
II.4. Cel mai mare divizor comun a două numere naturale (fără algoritm). Amplificarea și simplificarea fracțiilor; fracții ireductibile	143	198
II.5. Cel mai mic multiplu comun a două numere naturale (fără algoritm); aducerea fracțiilor la un numitor comun	149	199
II.6. Adunarea și scăderea fracțiilor ordinare	152	199
II.7. Înmulțirea fracțiilor, puteri; împărțirea fracțiilor	157	200
II.8. Fracții/procente dintr-un număr natural sau dintr-o fracție ordinară	160	201
II.9. FRACTII ORDINARE. PROBLEME RECAPITULATIVE	166	202
Testul 12	170	203
II.10. VARIANTE PENTRU TEZA PE SEMESTRUL I	171	203
<i>Rezultate; Indicații; Solutii; Comentarii</i>		175
BIBLIOGRAFIE		204

TESTE INIȚIALE

⌚ Test 1 (inițial)

PARTEA I

Completați spațiile punctate:

1. Scris cu cifre numărul natural trei milioane trei sute trei este (5p) (nota 5)
2. Cel mai mic număr natural care are șase cifre distințe este (5p) (nota 5)
3. Cel mai mic număr natural, care este mai mare decât 2004 este (5p) (nota 5)
4. Rezultatul calculului este:
a) $567 + 2009 \dots$ (5p) (nota 5) c) $72 \cdot 12 \dots$ (5p) (nota 5)
b) $4002 - 1993 \dots$ (5p) (nota 5) d) $6318 : 9 \dots$ (5p) (nota 5)

PARTEA a II -a

La problemele următoare scrieți rezolvările complete:

5. Aflați x din: a) $2305 - x = 299$; (5p) (nota 5)
b) $[5 \cdot (5x - 5) - 120] \cdot 5 - 25 = 125$. (10p) (nota 9)
6. Calculați: a) $159 \cdot 2005 + 2005 \cdot 42 - 2005$; (10p) (nota 7)
b) $[42 - 8 : (240 : 6 - 216 : 6)] : 4$. (10p) (nota 9)
7. Dănuț și Alina au împreună 685 de nuci. Știind că Alina are cu 413 nuci mai multe decât Dănuț, aflați câte nuci au fiecare. (10p) (nota 7)
8. Suma a trei numere naturale este 366. Împărțind al doilea număr la primul se obține câtul 2 și restul 7; împărțind al treilea număr la al doilea se obține câtul 2 și restul 2. Aflați cele trei numere. (10p) (nota 10)

Timp de lucru: 50 minute. Se acordă 10 puncte din oficiu.

⌚ Test 2 (inițial)

PARTEA I

Scrieți numai rezultatele:

1. Completați spațiile libere:
a) Dintre numerele 1908 și 1098 mai mare este (5p) (nota 5)
b) Diferența dintre triplul numărului 23 și dublul acestuia este (5p) (nota 5)
c) Cel mai mare număr natural de patru cifre distințe este (5p) (nota 5)
2. Rezultatul calculului este:
a) $207 + 908; \dots$ b) $1001 - 982; \dots$ (5p) (nota 5)
c) $15 \cdot 81; \dots$ d) $2575 : 5; \dots$ (5p) (nota 5)
e) $87 - 87 : 87 - (100 - 100 : 5). \dots$ (5p) (nota 5)
3. Valoarea lui x este:
a) $x + 12 = 101 \dots$ b) $x \cdot 3 = 186 \dots$ (5p) (nota 5)
c) $x : 5 = 125 \dots$ d) $225 : x = 5 \dots$ (5p) (nota 5)

Capitolul I

NUMERE NATURALE

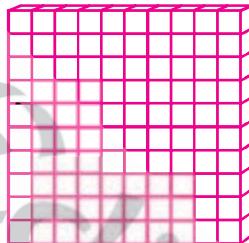
I.1. Scrierea și citirea numerelor naturale.



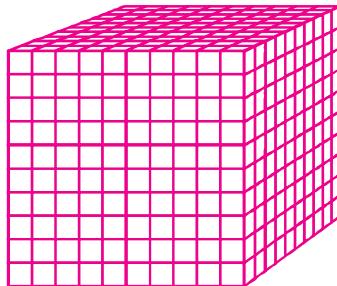
Să recapitulăm:



10 unități formează o zece



10 zeci formează o sută



10 sute formează o mie



Să observăm tabelul de numerație:

Clasa milioanelor	Clasa miielor			Clasa unităților			Clasa
7	6	5	4	3	2	1	Ordinul
Unități de milioane	sute de mii	zeci de mii	unități de mii	sute	zeci	unități	
	3	2	0	1	4	5	
	8	7	3	0	1	5	
	1	3	0	0	0	1	
2	0	0	0	0	0	0	
9	7	3	2	1	0	4	

⇒ Ordinile sunt grupate în clase. Fiecare clasă este formată din trei ordine consecutive începând cu 1.

Scriem

320 145

9732104

Citim

trei sute douăzeci de mii una sută patru zeci și cinci nouă milioane şapte sute trei zeci și două de mii una sută patru.



Refineți!

Se citesc de la stânga la dreapta; sutele, zecile și unitățile fiecărei clase, apoi numele clasei respective.

Exemplu:

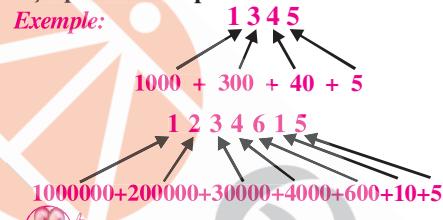


Pentru scrierea numerelor se utilizează:

- ⇒ Cifre arabe: 0; 1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8; 9.
- ⇒ Sistemul în care scriem numerele naturale este **zecimal și pozitional** pentru că:

1. Zece unități de un anumit ordin formează o unitate de ordin imediat superior.
2. Cifrele reprezentă valori diferite în raport cu poziția pe care o ocupă în scrierea numărului.

Exemple:



Rețineți!

- ⇒ Un număr natural de **două cifre** îl vom scrie sub formă \overline{ab} , unde a și b sunt cifre (a este diferită de 0).

Aveam: $23 = 2 \cdot 10 + 3$; $79 = 7 \cdot 10 + 9$;

- ⇒ Un număr natural de **trei cifre** îl vom scrie sub formă \overline{abc} , unde a, b, c sunt cifre (a este diferită de 0).

Aveam: $\overline{abc} = 100a + 10b + c$.

$$235 = 2 \cdot 100 + 3 \cdot 10 + 5.$$

- ⇒ Un număr natural de **patru cifre** îl vom scrie sub formă \overline{abcd} , unde a, b, c, d sunt cifre (a diferită de 0).

Aveam: $\overline{abcd} = 1000a + 100b + 10c + d$.

$$2314 = 2 \cdot 1000 + 3 \cdot 100 + 1 \cdot 10 + 4.$$

- ⇒ Răsturnatul numărului \overline{ab} este numărul \overline{ba} , dacă cifrele a și b sunt diferite de zero.

- ⇒ Răsturnatul numărului \overline{abc} este numărul \overline{cba} , dacă cifrele a și c sunt diferite de zero.

- ⇒ Sirul numerelor naturale este: 0; 1; 2; 3; ...; 9; 10; 11; ...; 99; 100; 101; ...

- ⇒ Există oricât de multe numere naturale (șirul numerelor naturale începe cu zero și este **nemărginit sau infinit**)

- ⇒ Oricare două numere naturale alăturate din sirul numerelor naturale se numesc **numere consecutive**.

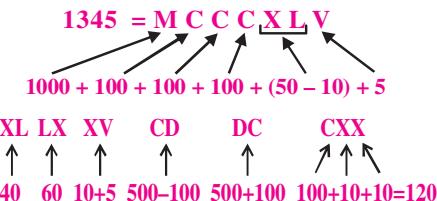
- ⇒ Orice număr natural diferit de zero are un **predecesor** și un **succesor**.

- ⇒ 0 este singurul număr natural care nu are predecesor.

⇒ Cifre romane:

I	V	X	L	C	D	M
1	5	10	50	100	500	1000

- ⇒ O cifră română, în scrierea unui număr natural își păstrează valoarea indiferent de poziția pe care o ocupă în număr, iar scrierea în **sistemul roman** de numerație este **nepozitională**.



- ⇒ La scrierea și citirea numerelor naturale cu cifre romane trebuie să avem în vedere următoarele reguli:

1. O cifră cu o valoare mică scrisă la stânga uneia cu valoare mai mare reprezintă o diferență: $XL = L - X$, adică 40.

2. O cifră cu o valoare mică scrisă la dreapta uneia cu o valoare mai mare reprezintă o sumă: $XV = X + V$, adică 15.

3. Cifrele V, L, D nu se pot repeta consecutiv.

4. Cifrele I, X, C, M pot fi scrise consecutiv de cel mult trei ori.

5. Orice cifră sau grup de trei cifre barate cu o linie este multiplicată de 1000 de ori.

$$\overline{V}=5000; \overline{XL}=40000; \overline{X}=1000; \overline{XII}=12000.$$



Să rezolvăm: Mutăți un chibrit, la fiecare din operațiile de mai jos, astfel încât să obțineți rezultate corecte:

- a) $\overline{V} \rightarrow | = \overline{V}|$; b) $\overline{V}|| + | = \overline{V}$
- c) $\overline{X} + \overline{||} = \overline{V}||$; d) $\overline{X} + \overline{V}|| = |$
- e) $\overline{V} + | + \overline{V} = |$; f) $\overline{X} + \overline{||} + \overline{||} = \overline{X}$
- g) $\overline{X} + \overline{||} + \overline{V} = \overline{X}||$; h) $\overline{L}X + \overline{XX} = \overline{X}||$

Rezolvare:

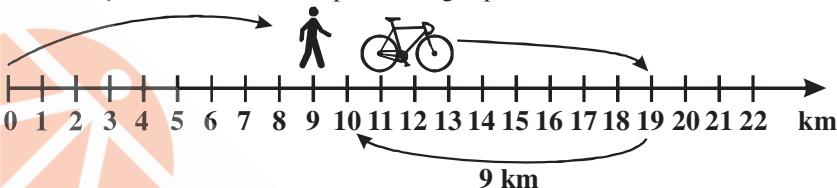
- a) $\overline{V} + | = \overline{V}$; b) $\overline{V}|| - | = \overline{V}|$
- c) $\overline{X} - \overline{||} = \overline{V}||$; d) $\overline{X} - \overline{V}|| = |$
- e) $\overline{V} + \overline{||} - \overline{V} = |$; f) $\overline{X} - \overline{||} + \overline{||} = \overline{X}$
- g) $\overline{X} - \overline{||} + \overline{V} = \overline{X}||$; h) $\overline{L}X + \overline{XX} = \overline{X}||$

I.4. Scăderea numerelor naturale.

Să recapitulăm:



- ◆ Eugen a plecat cu bicicleta la bunica sa care locuiește într-o localitate situată la 19 km de locuința sa. Când s-a întors acasă, după 9 km bicicleta s-a defectat. Câți kilometri mai are de parcurs Eugen până acasă?



$$19 \text{ km} - 9 \text{ km} = 10 \text{ km. Eugen mai are de parcurs 10 km.}$$

- ◆ La un depozit de fructe s-au adus 4759 kg de prune și 2517 kg de mere. S-au distribuit spre vânzare 2543 kg de prune și 763 kg de mere. Ce cantități de prune și de mere au rămas în depozit?

Rezolvare:

$$\begin{array}{r} 4759 - \\ 2543 \\ \hline 2216 \end{array}$$

- s-au scăzut unitățile $9 - 3 = 6$;
- s-au scăzut zecile $5 - 4 = 1$;
- s-au scăzut sutele $7 - 5 = 2$;
- s-au scăzut miile $4 - 2 = 2$.

$$\begin{array}{r} 2517 - \\ 763 \\ \hline 1754 \end{array}$$

- s-au scăzut unitățile $7 - 3 = 4$;
- $1 - 6$ nu se poate efectua!
- se ia o sută din cele 5 și se transformă în 10 zeci, iar cifra zecilor este egală cu $11 - 6 = 5$;
- $4 - 7$ nu se poate efectua!
- se ia o mie din cele două și se transformă în 10 sute, iar cifra sutelor este egală cu $14 - 7 = 7$;
- cifra miilor ($2 - 1 = 1$).

În depozit au rămas 2216 kg de prune și 1754 kg de mere.



Să ne amintim:

$$35 - 18 = 17 \leftarrow \text{diferență}$$

descăzut scăzător

Clasa milioanelor			Clasa miielor			Clasa unităților		
s	z	u	s	z	u	s	z	u
			8	4	5	2	1	3
			3	7	2	8	0	5
			4	7	2	4	0	8

+

Clasa milioanelor			Clasa miielor			Clasa unităților		
s	z	u	s	z	u	s	z	u
			3	0	0	0	0	0
			7	8	4	0	1	8
			2	2	1	5	9	8

-

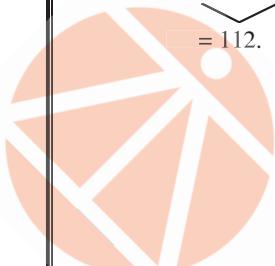


Să observăm:

- Victor are 350 lei, iar Andrei 285 lei.
Ei dau banii mamei lor ca să-i păstreze.
Ce suma a primit mama de la cei doi copii?

Rezolvare:

$$350 \text{ lei} + 285 \text{ lei} = 635 \text{ lei.}$$



Exerciții rezolvate

1. a) $5 \cdot 12 + 7 \cdot 11 - 25 =$
 $= \cancel{60} + \cancel{77} - 25 =$
 $= \cancel{137} - \cancel{25} =$
 $= 112.$

b) $4 \cdot 10 + \{[(8 \cdot 4 - 12) + 5 \cdot 7] \cdot 4 + 10\} \cdot 3 =$
 $= \cancel{40} + \{[(\cancel{32} - \cancel{12}) + \cancel{35}] \cdot 4 + 10\} \cdot 3 =$
 $= 40 + [(\cancel{20} + \cancel{35}) \cdot 4 + 10] \cdot 3 =$
 $= 40 + (\cancel{55} \cdot \cancel{4} + 10) \cdot 3 =$
 $= 40 + (220 + 10) \cdot 3 =$
 $= \cancel{40} + \cancel{230} \cdot 3 =$
 $= 40 + 690 =$
 $= 730.$

2. Aflați termenul necunoscut:

a) $(x + 142 : 2) \cdot 3 + 41 \cdot 4 = 467;$

b) $\{[(x + 2) \cdot 2 + 2] \cdot 2 + 2\} \cdot 2 + 2 = 62.$

Rezolvare:

a) $(x + 71) \cdot 3 + 164 = 467$
 $(x + 71) \cdot 3 = 467 - 164$
 $(x + 71) \cdot 3 = 303$
 $x + 71 = 303 : 3$
 $x + 71 = 101$
 $x = 101 - 71$
 $x = 30.$

b) $\{[(x + 2) \cdot 2 + 2] \cdot 2 + 2\} \cdot 2 = 62 - 2$
 $\{[(x + 2) \cdot 2 + 2] \cdot 2 + 2\} \cdot 2 = 60$
 $[(x + 2) \cdot 2 + 2] \cdot 2 + 2 = 60 : 2$
 $[(x + 2) \cdot 2 + 2] \cdot 2 + 2 = 30$
 $[(x + 2) \cdot 2 + 2] \cdot 2 = 30 - 2$
 $[(x + 2) \cdot 2 + 2] = 28$
 $(x + 2) \cdot 2 + 2 = 28 : 2$
 $(x + 2) \cdot 2 + 2 = 14$
 $(x + 2) \cdot 2 = 14 - 2$
 $(x + 2) \cdot 2 = 12$
 $x + 2 = 12 : 2$
 $x + 2 = 6$
 $x = 6 - 2$
 $x = 4.$

EXERCIȚII ȘI PROBLEME

1. Calculați:

- a) $232 + 169 - 172;$ e) $15 \cdot 17 - 21 \cdot 7;$ h) $2340 - 17 \cdot 21 - 3 \cdot 42;$
b) $572 - 379 + 112;$ f) $121 \cdot 13 + 42 \cdot 23;$ i) $48 \cdot 11 + 103 \cdot 12 - 301 \cdot 5;$
c) $872 - 321 - 239;$ g) $530 + 11 \cdot 13 - 5 \cdot 42;$ j) $42 \cdot 10 - 21 \cdot 20 + 8 \cdot 9.$ (nota 5)
d) $103 + 101 \cdot 42;$

2. Calculați cât mai rapid:

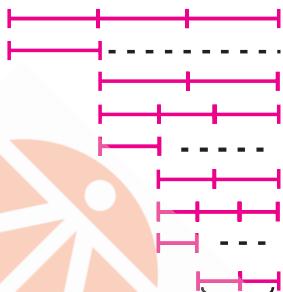
- a) $498 + 203;$ c) $123 \cdot 25 \cdot 4;$ e) $1997 + 997 \cdot 1997 + 1997 \cdot 2;$
b) $504 + 498;$ d) $192 + 73 + 8 + 27;$ f) $555 : 15.$ (nota 5)

3. Calculați cât mai rapid: a) $(125 \cdot 49 \cdot 150) : (7 \cdot 30 \cdot 25);$

b) $(95 \cdot 744 \cdot 121) : (11 \cdot 19 \cdot 24).$

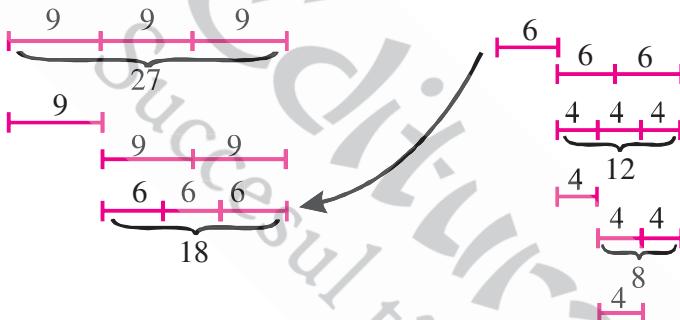
(nota 7)

Reprezintă numărul cartofilor:



puși la copt
ce ia mâncat primul drumeț
primul rest
ce ia mâncat al II-lea drumeț
al II-lea rest
ce ia mâncat al III-lea drumeț
al treilea rest = 8 cartofi
 $8 : 2 = 4$.

Acum, de la sfârșit scriem deasupra fiecărui segment numărul de cartofi care îl reprezintă de jos în sus:



Deci, au pus la copt 27 de cartofi; primul drumeț a mâncat întreaga porție, al doilea mai primește 3 cartofi, iar al treilea mai primește 5 cartofi.

6. Victor are într-un coș un număr de bomboane. De ziua lui oferă unui grup de prieteni jumătate din bomboane și încă două bomboane, celui de-al doilea grup de prieteni oferă jumătate din bomboanele rămase și încă două bomboane și aşa mai departe.

- a) Câte bomboane a avut Victor în coș dacă au ajuns pentru exact cinci grupuri de copii?
b) Câte bomboane a primit fiecare grup de copii?

(Concursul interjudețean „Dimitrie Pompeiu“, 2012, Botoșani)
(Cătălin Budeanu)

Rezolvare: Combinăm metoda mersului invers cu metoda grafică.

 **Test 12****I. Completați spațiile punctate:**

1. Numărul fracțiilor subunitare cu numitorul 6 este egal cu (5p)(nota 5)
2. Numărul fracțiilor supraunitare cu numărătorul 8 este egal cu (5p)(nota 5)
3. Dacă $\frac{15}{7} = \frac{x}{35}$, atunci $x = \dots$. (5p)(nota 5)
4. Dacă $\frac{8}{a} = \frac{b}{3}$, $a \neq 0$, atunci $3ab - 19 = \dots$. (5p)(nota 5)
5. $\frac{3}{7}$ din 84 m = ... m. (5p)(nota 5)
6. 8% din 3200 kg = ... kg. (5p)(nota 5)
7. Rezultatul calculului $\frac{3}{8} + \frac{7}{8}$ este egal cu (5p)(nota 5)
8. Rezultatul calculului $\frac{9}{11} + \frac{3}{11} - \frac{7}{11}$ este egal cu (5p)(nota 5)

II. Scrieți rezolvările complete:

1. Aflați numerele naturale n știind că fracția $\frac{31}{3n+1}$ este echivalentă. (5p)(nota 7)
2. Câte fracții ordinare de forma $\frac{96}{8a}$ se simplifică cu 2? (5p)(nota 7)
3. O bicicletă costă 540 lei. Prețul se micșorează cu 5%. Cât va costa bicicleta după reducerea prețului? (5p)(nota 7)
4. Determinați numerele naturale n pentru care fracția $\frac{19}{3n+2}$ este supraunitară. (5p)(nota 7)
5. Fracția $\frac{36}{48}$ s-a obținut prin amplificarea fracției $\frac{a}{b}$. Aflați fracția $\frac{a}{b}$. Câte soluții are problema? (10p)(nota 9)
6. a) Câte fracții de forma $\frac{12ab}{25}$ se simplifică cu 25? b) Dar cu 5? (10p)(nota 9)
7. Precizați câte numere naturale sunt cuprinse între fracțiile: $\frac{3^{2012}+1}{3}$ și $\frac{3^{2013}+1}{3}$. (10p)(nota 10)

Timp de lucru 50 minute. Se acordă 10 puncte din oficiu.

II.10. VARIANTE PENTRU TEZA PE SEMESTRUL I

⌚ Test 13 (Varianta 1)

I. Completați spațiile punctate:

1. Puterea a două a numărului 11 este egală cu... . (5p) (nota 5)
2. Puterea a treia a numărului 7 este egală cu (5p) (nota 5)
3. Diferența dintre cel mai mare și cel mai mic număr natural par de trei cifre este egală cu (5p) (nota 5)
4. Cel mai mare număr natural de patru cifre divizibil cu 5 este (5p) (nota 5)
5. Numerele naturale în baza zece de forma $\overline{19x}$: a) divizibile cu 2 sunt (5p) (nota 5)
b) divizibile cu 10 sunt (5p) (nota 5)
6. Aflați cel mai mic și cel mai mare număr natural de forma $\overline{x2yy}$ cu $x \neq y \neq 2 \neq x$. (10p) (nota 5)
7. Calculați:
a) $2^6 : 2^5 - 2005^0 + 2496 : 52$; (5p) (nota 7)
b) $(1^1 + 2^2 + 3^3) : 2^5$. (5p) (nota 7)

II. Scrieți rezolvările complete:

8. Comparați:
a) 1^7 și 132^0 ; b) 4^{35} și 4^{53} . (10p) (nota 7)
9. Comparați:
a) 9^{100} și 27^{60} ; b) 3^{303} și 4^{202} . (20p) (nota 9)
10. Pe o pistă în formă circulară (de cerc), cu o singură fâșie de antrenament, aleargă Vasile, Ionel și Ghiorghiță. Vasile pareurge pista întreagă în 5 minute, Ionel în 6 minute, iar Ghiorghiță în 10 minute. Dacă cei trei atleți porneșc în același timp, aflați:
a) După câte minute se vor întâlni cei trei atleți în punctul de plecare.
b) De câte ori se vor întâlni în punctul de plecare după 100 de minute de antrenament? (10p) (nota 10)

Timp de lucru: 50 minute. Se acordă 10 puncte din oficiu.

⌚ Test 14 (Varianta 2)

1. Determinați cel mai mare număr natural de patru cifre distințe divizibile cu:
a) 2; b) 5; c) 10. (15p) (nota 5)
2. Calculați $2001 \cdot 2000 - 1999 \cdot 2000 - 2 \cdot 1999$. (10p) (nota 5)
3. La o împărțire, câtul este 130, împărțitorul 32, iar restul 31. Să se calculeze, suma dintre deîmpărțit, împărțitor, cât și rest. (10p) (nota 5)
4. Aflați x din:
a) $5x + 11 = 371$; (5p) (nota 7)
b) $(24 + x) : 25 = 15$; (5p) (nota 7) c) $3^2 \cdot [3^2 \cdot (x : 3^2 - 222) + 1^0] + 1^{1999} = 10$. (5p) (nota 7)
5. Aflați numărul natural x din: a) $5x \leq 20$; (10p) (nota 5) b) $x + 1 < 7$. (5p) (nota 7)
6. Comparați numerele naturale: $x = 2^{1998} + 2^{1999} + 2^{2000}$ și $y = 2^{2003} - 2^{2002} + 2^{2001} - 2^{2000}$. (10p) (nota 9)

REZULTATE; INDICAȚII; SOLUȚII; COMENTARII

Teste initiale. **Test 1** 1. 3000303. 2. 102345. 3. 2005. 4. a) 2576; b) 2009; c) 864; d) 702.

5. a) 2006; b) 7. 6. a) 401000; b) 10. 7. 136 și 549. 8. 49, 105, 212.

Test 2 1. a) 1908; b) 23; c) 9876; 2. a) 1115; b) 19; c) 1215; d) 515; e) 6. 3. a) 89; b) 62;

c) 625; d) 45. 4. 9. 5. a) $\frac{6}{9} = \frac{2}{3}$; b) $\frac{3}{8} \cdot 6$. 80 de pagini. 7. 270, 302 și 135. 8. a) 27 și 33;

b) $6 \cdot 99 + 3 = 597$; c) $(6 \cdot 0 + 3) + (6 \cdot 1 + 3) + \dots + (6 \cdot 49 + 3) = 6 \cdot (1 + 2 + \dots + 49) + 3 \cdot 50 = 6 \cdot 49 \cdot 50 : 2 + 150 = 150 (49 + 1) = 7500$.

Test 3 1. 114; 122; 141; 212; 221; 411. 2. 102; 111; 120; 201; 300; 210. 3. $(7183 + 2752) \cdot (485 - 475) = 9935 \cdot 10 = 99350$. 4. a) 2686; b) 6811; c) 6036; d) 494; e) 223. 5. 1022 și 1024. 6. 28; 30 și 32. 7. $(x - 27) \cdot 3 + 10 = 100$, de unde $x = 57$. 8. 9 mânji; 36 de viete și 54 miei.

CAPITOLUL I: I.1. Scrierea și citirea numerelor naturale. 2. a) 15127; b) 564 019 383.

3. b) 360 027 100. 6. a) 921 765; b) 914765. 8. 100, 200, 300, 400, 500, 600, 700, 800, 900, 131, 162, 193, 231, 262, 293, ..., 993. 9. 321; 642; 963. 10. 24, 27, 29, 42, 47, 49, 72, 74, 79, 92, 94, 97. 11. Sunt 18 numere. 12. 18. 13. a) 100; b) 90. 14. 208 pagini. 15. a) 49, 9, 63, 11; b) 8, 9, 70, 80, c) 30, 16, 15, 28. 16. Se observă că $1 + 2010 = 2011$; $2 + 2009 = 2011$;

$3 + 2008 = 2011$ etc. Lui 375 îi corespunde $2011 - 375 = 1636$ etc. 17. a) Observăm că lui 13 îi corespunde răsturnatul numărului $19 = 13 + 6$; lui 15 îi corespunde răsturnatul numărului $21 = 15 + 6$ etc.

b)

205	210	215	220
5	10	15	20

2025	2030	2035
1825	1830	1835

18. Observăm că lui 2 îi corespunde $2 \cdot 2 + 2 = 6$; lui 3 îi corespunde $3 \cdot 3 + 3 = 11$; lui 9 îi va corespunde $9 \cdot 9 + 9 = 90$ etc. 19. a) Lui 9 îi corespunde 10, lui 11 îi corespunde 12; lui 23 îi corespunde 24 etc. b) Lui 1 îi corespunde $1 \cdot 5 = 5$; lui 2 îi corespunde $2 \cdot 5 = 10$; lui 3 îi corespunde $3 \cdot 5 = 15$; lui 8 îi va corespunde $8 \cdot 5 = 40$; etc. lui 200 îi corespunde $200 : 5 = 40$ etc.

20. a) 2 814; b) 185; c) 296; d) 1. 21. a) 1 099; b) 2 406. 22. 180 și, respectiv, 280 ori.

23. $1935 = \text{MCMXXXV}$, $1956 = \text{MCMLVI}$. 24. Exemplu: $\text{XCVII} = 97$. 25. a) XXIV, XLV, XXXIX, LXVII, LXXXVIII, CMLI, MCCXXX, MCCCLIX. 26. a) 24; 1943; 95; 474; 642;

b) MCMXLV etc. 27. $4 \cdot 10 + 8, 5 \cdot 10 + 6, 1 \cdot 100 + 7 \cdot 10 + 3$ etc. 28. a) 10 și 99; b) 100 și 999; c) 1000 și 9999; d) 111 și 999; e) 1130 și 9938; f) 1023 și 9876. 29. a) $a = 3, b = 7$; b) $x = y, x3y$ poate fi 131, 232, 333, 434, 535, 636, 737, 838, 939. c) $a = b = c, \overline{abc}$ poate fi: 111, 222, 333, 444, 555, 666, 777, 888, 999. 30. $a = c$. În total 90 de numere. 31. $1 + 2 + a = 1 \cdot 2 \cdot a, a = 3$.

32. a) Cel mai mic număr rămas este 1234510. b) Cel mai mare număr este 5678910. 33. 400044 și 444000; b) 400444 și 444400. 34. a) 18903452; 18923450; 18903456; 18963450; 18903457; 18973450; 18923456; 18963452; 18923457; 18973452; 18963457; 18973456; etc. 35. Deoarece

$400 < \overline{ab}$ rezultă că a și b sunt cifre nenule: $b = 1$ implică $a = 3$; $b = 2$ implică $a = 6$ și $b = 3$ implică $a = 9$. Deci numerele de forma \overline{ab} sunt 431; 463 și 493. 36. Răsturnatul numărului \overline{abcde} este numărul \overline{edcba} , unde cifrele a și e sunt nenule. $\overline{abcde} = \overline{edcba}$ implică $a = e$; $b = d$. Deci numărul este de forma \overline{abcba} , unde b și c iau valorile 0, 1, 2, ..., 9 iar a ia valorile 1, 2, ..., 9. Deci sunt în total $9 \cdot 10 \cdot 10 = 900$ de numere. 37. Avem: a) $1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 2 + 6 = 1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 3 \cdot 4$. 38. 1269, 1278, 1359, 1368, 1458, 1467, 2349, 2358, 2457, 3456. 39. $2012 = 9 \cdot 223 + 5$. Numărul cel mai mic este 99...95. 40. Există un număr de o cifră, adică 3. Există trei numere de două cifre, adică:

223 cifre